

## POSUDEK OPONENTA DIPLOMOVÉ PRÁCE

**Název:** Testy nezávislosti pro funkcionální data

**Autor:** Šárka Horská

**SHRNUTÍ OBSAHU PRÁCE** Práce se týká různých testů nezávislosti. Má dvě části- první se týká jednorozměrných i vicerozměrných situací, druhá se orientuje na testy seriové nezávislosti v časových řadách.

V první části jsou připomenuty definice i základní tvrzení. Je zavedena a studovaná tzv. sub-nezávislost, která je o něco slabší vlastnost než nezávislost a silnější než nekorelovanost. Sub-nezávislost je poměrně nový termín, zatím mu nebyla v literatuře věnovaná velká pozornost.

V druhé části jsou pak testy nezávislosti pro funkcionální data. Uvedeny jsou tři testy, dva známé z literatury a jeden test, kde alternativou je sub-nezávislost. Uvedeny popř. odvozené vlastnosti těchto testů a provedena příslušná simulační studie.

**CELKOVÉ HODNOCENÍ PRÁCE** Téma je velice dobře zpracované na základě pramenů. Autorka doplnila důkazy v článcích již publikovaných. Za pěkný samostatný výsledek lze považovat partii zaměřenou na test nezávislosti proti sub-nezávislosti. Je navržen test, odvozené základní i asymptotické vlastnosti a též provedena simulace.

**Téma práce.** Náročnost a přiměřenost tématu požadavkům na diplomovou práci. Zadání práce bylo splněno. Práce je pečlivě napsaná.

**Vlastní příspěvek.** Vlastní příspěvky se týkají testu nezávislosti proti sub-nezávislosti. Dále jsou odvozeny podrobně části důkazů vět z článku Hlávka et al (2021).

**Matematická úroveň.** Matematická úroveň práce je velice dobrá. Práce obsahuje rigorózně a korektně zformulovaný matematický text, doplněný vysvětlujícími poznámkami.

**Práce se zdroji.** Zdroje jsou správně citovány. Nenašla jsem žádné doslova zkopírované nebo otrocky přeložené pasáže. Vlastní příspěvky

**Formální úprava.** Domnívám se, že práce splňuje požadavky na formální úpravu práce.

### PŘIPOMÍNKY A OTÁZKY

1. P.4 a další – na několika místech nestačí konečnost rozptylu, je třeba též jeho nenulovost, např. u korelačních koeficientů.
2. U sub-nezávislosti by měly být uvedené některé speciální případy.
3. Str. 6 – jaká stacionarita?
4. Str. 8, Sekce 1.2.2 – je skutečně třeba spojitost sdružené distribuční funkce? Definice  $H_1$  by měla být doplněna poznámkou, že charakteristické funkce jsou spojité.
5. Str. 9, 1.2 – závažná tisková chyba.
6. Str. 17, 1.3–  $D_{n,h,p}(u, v)$  není v matematickém smyslu vzdalenosti, vyskytuje se se na několika místech. Asi dát k tomu nějaké vysvětlení.

7. Simulace byly pro počet pozorování  $n = 30$  - to je docela málo. Lze použít permutační test také u testu HHR?

Dotazy:

8. 1. Příklad sub-nezávislosti.

9. 2. Vysvětlit volbu alternativ v testech HHR a HHMSub (souvisí to s volbou testové statistiky).

ZÁVĚR

Práci považuji za velice pěknou a doporučuji ji uznat jako diplomovou práci.

*Návrh klasifikace vedoucí/oponent sdělí předsedovi zkušební (sub)komise.*

Jméno a příjmení Prof. Marie Hušková,  
KPMS MFF UK

7. srpna 2023